

Задача 1 (А.И. Бычков)

Ракета удаляется от горизонтальной поверхности Земли со скоростью V , направленной строго вертикально. Параллельно поверхности точно на запад летит самолет со скоростью $V/\sqrt{3}$. 1) С какой наименьшей по модулю скоростью u и в каком направлении должен лететь (относительно Земли) квадрокоптер для того, чтобы относительно него ракета и самолет имели противоположные по направлению скорости? 2) Под каким углом к горизонту (относительно Земли) должна быть направлена скорость квадрокоптера для того, чтобы ракета и самолет имели в системе отсчета квадрокоптера противоположные по направлению и равные по модулю скорости? Чему равен модуль скорости квадрокоптера в этом случае?

Ответ:

1) для того, чтобы ракета и самолет имели противоположные по направлению скорости относительно квадрокоптера, он должен двигаться в западном направлении под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту от Земли;

2) для того, чтобы ракета и самолет имели противоположные по направлению и равные по модулю скорости относительно квадрокоптера, его скорость должна быть направлена в западном направлении под углом 60° к горизонту от Земли, и быть равной по модулю скорости самолета, то есть $V/\sqrt{3}$.

Всякое полностью правильное решение оценивается в 10 баллов вне зависимости от выбранного участником способа решения! Не допускается снижать оценки за плохой почерк, решение способом, отличающимся от авторского и т.д.

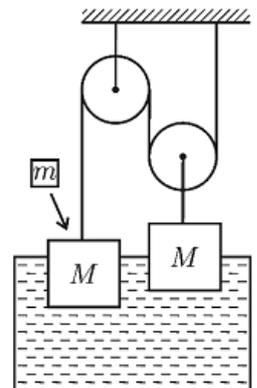
Критерии

- | | |
|--|---------|
| 1. Правильно записана формула для закона сложения скоростей (или пояснена другим способом) | 1 балл |
| 2. Правильно построены треугольники скоростей | 1 балл |
| 3. Найден модуль скорости квадрокоптера (по 2 балла за ответ на каждый вопрос) | 4 балла |
| 4. Найден направления движения квадрокоптера (по 2 балла за ответ на каждый вопрос) | 4 балла |

ВСЕГО: 10 баллов.

Задача 2 (М.Ю. Замятнин)

В находящуюся в широком сосуде жидкость частично погружены одинаковые кубики со стороной a и массой M , которые удерживаются в равновесии при помощи системы, состоящей из невесомых блоков, соединенных очень легкой и нерастяжимой нитью (см. рис.). Трение в осях блоков отсутствует, плотность жидкости равна плотности кубиков. Изначально правый кубик погружен в жидкость ровно наполовину. 1) На какую величину изменится глубина погружения правого кубика, если на левый кубик поместить небольшой перегрузок массой $m = M/16$? 2) На сколько в результате этого изменятся модуль силы натяжения нити и модуль силы давления жидкости на дно? 3) При каких значениях массы перегрузка оба кубика останутся частично погруженными в жидкость? Явлениями, связанными со смачиванием поверхностей кубиков жидкостями, можно пренебречь.



Ответ: 1) глубина погружения правого кубика изменится на $\Delta h = \frac{2ma}{5M} = \frac{a}{40}$; 2) изменение

модуля силы натяжения нити равно $\Delta T = T_2 - T_1 = \frac{mg}{5}$, изменение модуля силы давления жидкости

на дно равно $\Delta F = \frac{2mg}{5} = \frac{Mg}{40}$; 3) оба кубика останутся частично погруженными в жидкость при $m < \frac{5}{16}M$.

Всякое полностью правильное решение оценивается в 10 баллов вне зависимости от выбранного участником способа решения! Не допускается снижать оценки за плохой почерк, решение способом, отличающимся от авторского и т.д.

Критерии

- | | |
|---|---------|
| 1. Правильно записаны начальные условия равновесия (по 1 баллу за каждое) | 2 балла |
| 2. Записано правильное уравнение кинематической связи для изменения глубин погружения кубиков | 1 балл |
| 3. Правильно записаны условия равновесия после добавления перегрузка (по 1 баллу за каждое) | 2 балла |
| 4. Правильно выражено изменение глубины погружения правого кубика | 1 балл |
| 5. Правильно найдено изменение модуля силы натяжения нити | 1 балл |
| 6. Правильно найдено изменение модуля силы давления жидкости на дно | 1 балл |
| 7. Указано, что максимальную массу перегрузка определяет левый кубик | 1 балл |
| 8. Правильно найдено максимальное значение массы перегрузка | 1 балл |

ВСЕГО: 10 баллов.

Задача 3 (А.И. Бычков)

Для охлаждения своих одинаковых экспериментальных установок юные физики Вася и Петя используют радиаторы, в которые через трубки одинакового сечения закачивают жидкую смесь холодной воды, имеющей температуру $t_0 = 0^\circ\text{C}$, с мелко перетёртым льдом в объёмном соотношении три к одному. Известно, что в экспериментальной установке Васи на выходе из радиатора получается вода с температурой $t_1 = +32^\circ\text{C}$, а в установке Пети – с температурой $t_2 = +75^\circ\text{C}$. Тепловые мощности, отбираемые охлаждающей смесью у двух установок, одинаковы. Чему равно отношение скоростей закачивания смеси в радиаторы экспериментальных установок Васи и Пети? Плотность воды $\rho_v = 1000 \text{ кг/м}^3$, плотность льда $\rho_l = 900 \text{ кг/м}^3$, удельная теплоемкость воды $c = 4200 \text{ Дж/(кг}\cdot^\circ\text{C)}$, удельная теплота плавления льда $\lambda = 3,35 \cdot 10^5 \text{ Дж/кг}$.

Ответ: отношение скоростей закачивания смеси в радиаторы экспериментальных установок Васи и Пети равно $\frac{v_1}{v_2} = \frac{\lambda\rho_l + c(\rho_l + 3\rho_v)t_2}{\lambda\rho_l + c(\rho_l + 3\rho_v)t_1} \approx 1,85$.

Всякое полностью правильное решение оценивается в 10 баллов вне зависимости от выбранного участником способа решения! Не допускается снижать оценки за плохой почерк, решение способом, отличающимся от авторского и т.д.

Критерии

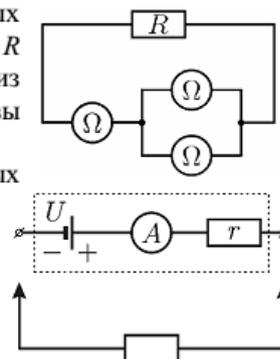
- | | |
|--|---------|
| 1. Правильно найдено количество теплоты, которое идет на плавление льда | 2 балла |
| 2. Правильно найдено количество теплоты, которое идет на нагревание воды | 2 балла |
| 3. Правильно записано уравнение теплового баланса | 3 балла |
| 4. Получено правильное выражение для отношения скоростей в общем виде | 2 балла |
| 5. Найдено правильное численное значение отношения скоростей | 1 балл |

ВСЕГО: 10 баллов.

Задача 4 (М.Ю. Замятнин)

На рисунке приведена схема цепи, состоящей из трех одинаковых омметров Ω , с помощью которых измеряется неизвестное сопротивление R резистора. Полярность включения у всех омметров одинаковая. Один из омметров показывает сопротивление $R_1 = 100$ Ом, а другой $R_2 = 800$ Ом. Каковы показания R_3 третьего омметра? Чему равно сопротивление R резистора?

Указание. Можно считать, что омметр состоит из соединенных последовательно идеального источника с напряжением U , резистора с сопротивлением r и идеального амперметра. Показания амперметра автоматически пересчитываются в сопротивление подключенного к его клеммам резистора, которое отображается на цифровом табло прибора.



Ответ: третий омметр показывает сопротивление $R_3 = 800$ Ом; сопротивление резистора равно $R = 500$ Ом.

Всякое полностью правильное решение оценивается в 10 баллов вне зависимости от выбранного участником способа решения! Не допускается снижать оценки за плохой почерк, решение способом, отличающимся от авторского и т.д.

Критерии

- | | |
|---|---------|
| 1. Записана правильная связь показаний омметра с током, текущим через него | 2 балла |
| 2. Найдено правильное соотношение токов, текущих в ветвях цепи | 1 балл |
| 3. Обоснованно установлено соответствие между показаниями омметров и их положениями в цепи | 2 балла |
| 4. Правильно применено второе правило Кирхгофа (или аналогичное соотношение) для контура с омметрами и резистором | 2 балла |
| 5. Получено правильное выражение для сопротивления резистора | 2 балла |
| 6. Получено правильное численное значение сопротивления резистора | 1 балл |

ВСЕГО: 10 баллов.