

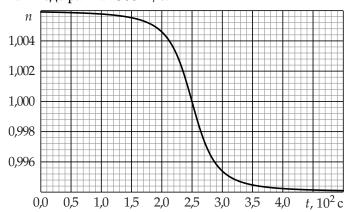
# 84-я Московская олимпиада школьников по физике 2023 год 9 класс



## 1. Частота ультразвука (10 баллов)

**1а.** (2 балла) Источник ультразвуковых импульсов движется по прямой со скоростью v навстречу неподвижному приёмнику, располагающемуся на той же прямой. Источник излучает короткие импульсы с частотой  $f_0$ . С какой частотой f их принимает приёмник? Как изменится ответ, если источник будет удаляться от приёмника? Скорость распространения ультразвука равна c, при этом  $c \gg v$ .

На дне моря установлен ультразвуковой детектор. Судно движется прямолинейно с постоянной скоростью v, проходя в некоторый момент времени прямо над детектором. На судне установлен источник ультразвуковых импульсов, излучающий их с частотой  $f_0$  с одинаковой интенсивностью в любом направлении. Детектор принимает импульсы с частотой f, отличной от частоты излучаемых импульсов. Обозначим  $n=\frac{f}{f_0}$  отношение этих частот. На рисунке, представленном ниже, показан фрагмент зависимости отношения n от времени при движении судна. Скорость ультразвука в воде равна  $1500 \, \mathrm{m/c}$ .



**1b**. (*8 баллов*) Чему равна скорость судна? На какой глубине располагается детектор?

*Указание*. При решении задачи могут оказаться полезными следующие приближённые формулы, справедливые при малых значениях x ( $|x| \ll 1$ )

$$\sin x \approx x$$
,  $\cos x \approx 1 - \frac{x^2}{2}$ ,  $\frac{1}{1+x} \approx 1-x$ .

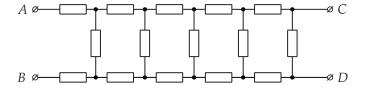
## 2. Пошла на дно (6 баллов)

В бутылку с достаточно толстыми стенками вместимостью V=700 мл наливают некоторое количество воды. Прикрыв горлышко пальцем, бутылку переворачивают вверх дном, погружают в ведро с водой и убирают руку. Бутылка плавает, сохраняя вертикальное положение. Над поверхностью воды выступает

часть бутылки объёмом  $\Delta V=15$  мл. Ведро с бутылкой выносят из комнаты, температура воздуха в которой равна  $t_0=25$  °C, на мороз. Можно считать, что в процессе охлаждения воздух, находящийся внутри бутылки, сжимается, и его объём изменяется по закону  $V=V_0$   $(1+\alpha(t-t_0))$ , где  $V_0$  — объём воздуха при температуре  $t_0$ ,  $\alpha$  — коэффициент, равный  $3.6\cdot 10^{-3}\ 1/$ °C. Найдите температуру воздуха внутри бутылки в тот момент, когда бутылка полностью погрузится в воду. Масса бутылки равна  $300\ r$ , плотность материала, из которого она изготовлена,  $\rho=2600\ {\rm kr/m}^3$ , плотность воды  $\rho_0=1000\ {\rm kr/m}^3$ .

## 3. Цепь из нескольких звеньев (8 баллов)

Электрическая цепь, показанная на рисунке, составлена из пяти одинаковых звеньев, в каждом из которых содержится три одинаковых резистора сопротивлением R. Выводы A и D, а также C и B соединяют проводниками пренебрежимо малого сопротивления попарно. Определите сопротивление между точками A и B образовавшейся цепи.



#### **4. Столкновения на плоскости** (8 баллов)

На расстоянии L=10 см друг от друга на достаточно протяжённой наклонной плоскости, составляющей угол  $\alpha=30^\circ$  с горизонталью, удерживаются два абсолютно одинаковых бруска. В момент времени t=0 бруски освобождают и они начинают двигаться. Величины, относящиеся к верхнему в начальный момент бруску, далее помечаем индексом 1, а относящиеся к нижнему индексом 2. Обозначим  $v_1(t)$  и  $v_2(t)$  скорости брусков в момент времени t. Коэффициенты трения о плоскость равны  $\mu_1=\frac{\sqrt{3}}{6}$  и  $\mu_2=\frac{\sqrt{3}}{3}$ . Ускорение свободного падения считается равным  $10 \text{ м/c}^2$ . Размеры брусков пренебрежимо малы, столкновения между ними являются абсолютно упругими.

**4а**. (4 балла) Для первой секунды движения изобразите графики зависимостей  $v_1(t)$  и  $v_2(t)$ . В какие моменты времени происходят столкновения брусков?

**4b**. (4 балла) Какое расстояние проходит первый брусок (верхний в исходной конфигурации) к моменту n-го столкновения?

#### Продолжение задания см. на листе 2

## 5. Определите по фотографии (10 баллов)

На стробоскопической фотографии (см. рисунок) можно видеть положение движущегося в поле тяжести земли мяча, сталкивающегося с горизонтальной поверхностью, в разные моменты времени. Промежутки времени между двумя последовательными вспышками стробоскопической лампы одинаковы. Фотография инвертирована (чёрный цвет изменён на белый, белый заменён на чёрный), сетка наложена в графическом редакторе позже для удобства расчётов. Столкновения мяча с горизонтальной поверхностью нельзя считать упругими, в процессе столкновения кинетическая энергия поступательного движения мяча уменьшается.

- **5а**. (*2 балла*) Далее везде в этой задаче мы предполагаем, что сила сопротивления воздуха пренебрежимо мала. Изучив фотографию, кратко объясните, насколько справедливо наше предположение?
- **5b**. (2 балла) Найдите отношение  $\frac{v_1}{v_3}$ , где  $v_1$  и  $v_3$  скорости мяча в наивысшей точке траектории после первого и третьего ударов о поверхность соответственно.
- **5с.** (*3 балла*) Определите как можно точнее угол между скоростью мяча сразу после первого столкновения и горизонтом.
- **5d**. (*3 балла*) Во сколько раз изменяется кинетическая энергия мяча в процессе второго столкновения с поверхностью?

