

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОФИЛЬ  
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ЭТАП  
МЕЖДИСЦИПЛИНАРНЫЕ ЗАДАЧИ**

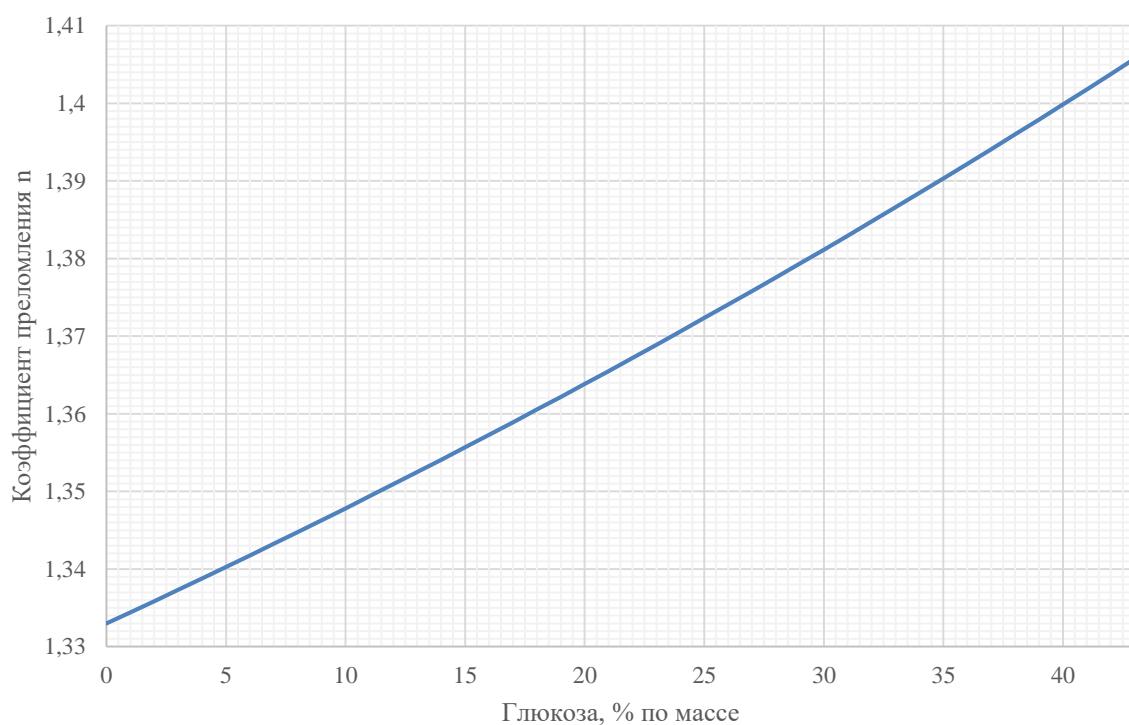
---

**8 КЛАСС**  
**Вариант 1**

**Задание 1**

Рефрактометрия – метод определения содержания растворенного вещества по коэффициенту преломления раствора. На рисунке представлен график зависимости коэффициента преломления раствора глюкозы от массовой доли глюкозы, выраженной в процентах. Лаборатория N в ходе рефрактометрических измерений определила показатель преломления образца X как 1,375. Чему равна масса глюкозы в растворе X массой 300 г? Ответ приведите в размерности СИ с точностью до целых граммов.

Зависимость коэффициента преломления водного раствора глюкозы при температуре 20 °C от массовой доли



**Задание 2**

Когда организм синтезирует белки, ему необходимо декодировать нуклеотидный код в последовательность аминокислот. Эта последовательность зашифрована в ДНК посредством четырех нуклеотидов – аденина (A), тимины (T), гуанина (Г) и цитозина (Ц). Каждой тройке последовательных нуклеотидов (кодону) соответствует определенная аминокислота по следующим правилам:

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОФИЛЬ  
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ЭТАП  
МЕЖДИСЦИПЛИНАРНЫЕ ЗАДАЧИ**

---

Первое основание	Второе основание				Третье основание
	Т	Ц	А	Г	
Т	Фенилаланин Фенилаланин Лейцин Лейцин	Серин Серин Серин Серин	Тирозин Тирозин -	Цистеин Цистеин -	Т Ц А Г
Ц	Лейцин Лейцин Лейцин Лейцин	Пролин Пролин Пролин Пролин	Гистидин Гистидин Глутамин Глутамин	Аргинин Аргинин Аргинин Аргинин	Т Ц А Г
А	Изолейцин Изолейцин Изолейцин Метионин	Треонин Треонин Треонин Треонин	Аспарагин Аспаригин Лизин Лизин	Серин Серин Аргинин Аргинин	Т Ц А Г
Г	Валин Валин Валин Валин	Аланин Аланин Аланин Аланин	Аспарагиновая кислота Аспарагиновая кислота Глутаминовая кислота Глутаминовая кислота	Глицин Глицин Глицин Глицин	Т Ц А Г

Как правило, в случае кодирования белков гены оказываются довольно длинными. Например, белки опсины, содержащиеся в человеческих колбочках и отвечающие за правильное распознавание цвета, содержат более 300 аминокислотных остатков.

Часть этой последовательности для синего опсина выглядит как:

... Серин –Аланин –Треонин–Треонин...

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОФИЛЬ  
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ЭТАП  
МЕЖДИСЦИПЛИНАРНЫЕ ЗАДАЧИ**

---

Приведите пример возможной последовательности гена, которая кодирует эти четыре аминокислоты. Сколько разных таких последовательностей в принципе возможно?

**Задание 3**

В последнее время для всё большего количества задач классификации и распознавания используются нейросети. Их история началась с того, что в середине прошлого века была предложена математическая модель работы мозга и обработки им информации, получившая название перцептрана. Современная техника стала достаточно мощной, чтобы нейросеть можно было использовать на компьютере для распознавания образов – но для этого её надо предварительно натренировать.

Тренировка проходит посредством пропускания некоего набора данных (датасета) через нейронную сеть. Одно такое прохождение называется эпохой. В общем случае, более долгие тренировки позволяют достигать лучших результатов при дальнейшей работе нейросети.

В результате тренировки нейросети исследователем после 400 эпох была получена точность распознавания 40%. Результат после 2000 эпох составил 60%.

Сколько эпох обучения нужно, чтобы достичь точности распознавания 80%? Считайте, что точность и число эпох связаны линейно, то есть

$$p = \alpha e + \beta,$$

где  $\alpha$  и  $\beta$  – постоянные коэффициенты,  $p$  – точность распознавания, а  $e$  – число эпох обучения.

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОФИЛЬ  
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ЭТАП  
МЕЖДИСЦИПЛИНАРНЫЕ ЗАДАЧИ**

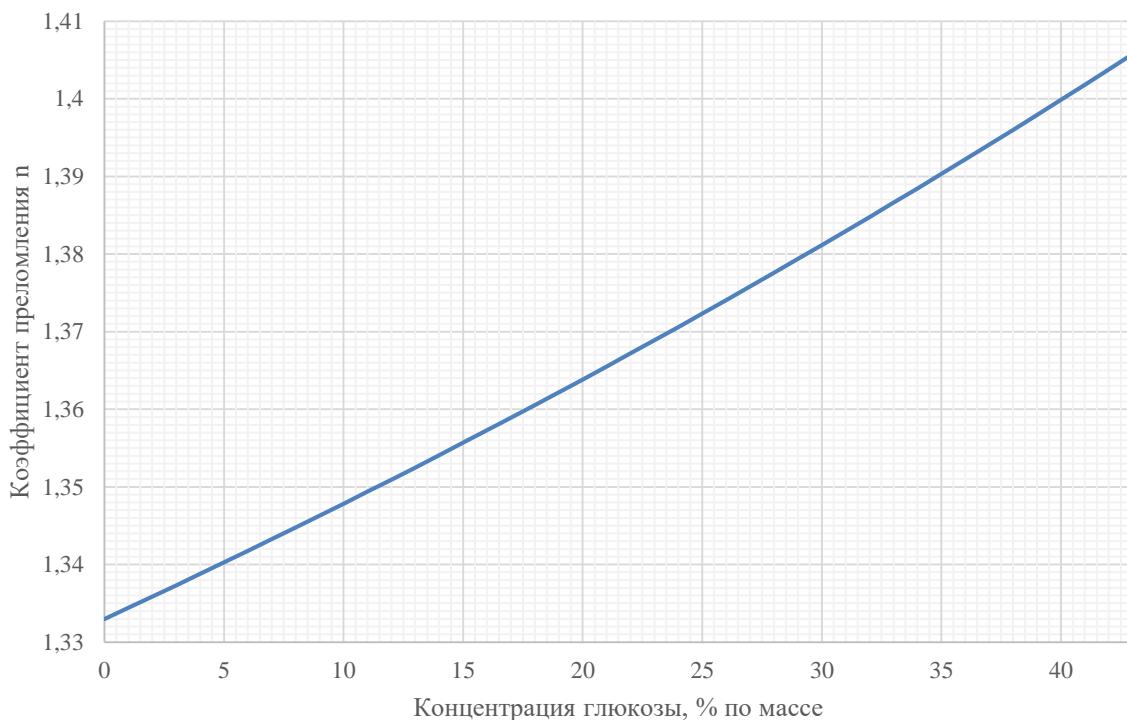
---

**8 КЛАСС  
Вариант 2**

**Задание 1**

Рефрактометрия – метод определения содержания растворенного вещества по коэффициенту преломления раствора. На рисунке представлен график зависимости коэффициента преломления раствора глюкозы от массовой доли глюкозы, выраженной в процентах. Лаборатория N в ходе рефрактометрических измерений определила показатель преломления образца X как 1,393. Чему равна масса глюкозы в растворе X массой 300 г? Ответ приведите в размерности СИ с точностью до целых граммов.

Зависимость коэффициента преломления водного раствора глюкозы при температуре 20 °C от концентрации



**Задание 2**

Когда организм синтезирует белки, ему необходимо декодировать нуклеотидный код в последовательность аминокислот. Эта последовательность зашифрована в ДНК посредством четырех нуклеотидов – аденина (A), тимины (T), гуанина (G) и цитозина (C). Каждой тройке последовательных нуклеотидов (кодону) соответствует определенная аминокислота по следующим правилам:

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОФИЛЬ  
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ЭТАП  
МЕЖДИСЦИПЛИНАРНЫЕ ЗАДАЧИ**

---

Первое основание	Второе основание				Третье основание
	Т	Ц	А	Г	
Т	Фенилаланин Фенилаланин Лейцин Лейцин	Серин Серин Серин Серин	Тирозин Тирозин -	Цистеин Цистеин -	Т Ц А Г
Ц	Лейцин Лейцин Лейцин Лейцин	Пролин Пролин Пролин Пролин	Гистидин Гистидин Глутамин Глутамин	Аргинин Аргинин Аргинин Аргинин	Т Ц А Г
А	Изолейцин Изолейцин Изолейцин Метионин	Треонин Треонин Треонин Треонин	Аспарагин Аспаригин Лизин Лизин	Серин Серин Аргинин Аргинин	Т Ц А Г
Г	Валин Валин Валин Валин	Аланин Аланин Аланин Аланин	Аспарагиновая кислота Аспарагиновая кислота Глутаминовая кислота Глутаминовая кислота	Глицин Глицин Глицин Глицин	Т Ц А Г

Как правило, в случае кодирования белков эти последовательности довольно длинные. Например, белки опсины, содержащиеся в человеческих колбочках и отвечающие за правильное распознавание цвета, содержат более 300 аминокислотных остатков.

Часть этой последовательности для синего опсина выглядит как:

... Треонин–Треонин –Глутамин– Лизин ...

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОФИЛЬ  
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ ЭТАП  
МЕЖДИСЦИПЛИНАРНЫЕ ЗАДАЧИ**

---

Приведите пример последовательности гена, которая ему соответствует. Сколько разных таких последовательностей возможно?

**Задание 3**

В последнее время для всё большего количества задач классификации и распознавания используются нейросети. Их история началась с того, что в середине прошлого века была предложена математическая модель работы мозга и обработки им информации, получившая название перцептрана. Современная техника стала достаточно мощной, чтобы нейросеть можно было использовать на компьютере для распознавания образов – но для этого её надо предварительно натренировать.

Тренировка проходит посредством пропускания некоего набора данных (датасета) через нейронную сеть. Одно такое прохождение называется эпохой. В общем случае, более долгие тренировки позволяют достигать лучших результатов при дальнейшей работе нейросети.

В результате тренировки нейросети исследователем после 800 эпох была получена точность распознавания 50%. Результат после 2000 эпох составил 60%.

Сколько эпох обучения нужно, чтобы достичь точности распознавания 80%? Считайте, что точность и число эпох связаны линейно, то есть

$$p = \alpha e + \beta,$$

где  $\alpha$  и  $\beta$  – постоянные коэффициенты,  $p$  – точность распознавания, а  $e$  – число эпох обучения.